

**9. Klasse Gymnasium  
Aufgabe im Fach Mathematik  
Bayern, LehrplanPLUS**

- Arbeite zügig
- Schreibe w
- Brüche als
- Der im Unt
- Übungssche
- Taschenre
- Wird bei ei
- Definitione

ordentlich.  
ne Rechenwege müssen bei a  
ständig gekürzt und falls möglic  
echner darf verwendet werde  
nn, wenn es unbedingt nötig is  
en, steht bei diesen Aufgaben  
menge angegeben oder erfrag

shbar sein!  
ben werden.  
ner in diesen  
fgaben mit  
chen

**Aufgabe**

(3 P)

Berechne die Fläche eines Quadrats mit dem Flächeninhalt 144 cm<sup>2</sup>.

Einheit cm.

**Aufgabe**

hen

(4 P)

Mache die folgenden Brüche so weit wie möglich vereinfachen.

$$\frac{18}{4 + \sqrt{2}}$$

**Aufgabe**

n

(3 P)

Ist die folgende Aussage wahr?

Für

$$a > 0 \text{ gilt: } \sqrt{a+b} = \sqrt{a} + \sqrt{b}$$

Begründe die Aussage oder gib ein Gegenbeispiel an.

u die Aussage beweist oder

ndes

**Aufgabe**

men

(3 P)

Radiziere die folgenden Ausdrücke so weit wie möglich. Schreibe das Ergebnis in der Form  $\sqrt[n]{a}$  auf.

Beträgen,

wo es nötig ist.

$$\sqrt{x^2y^2 + 4y^4}$$

**Aufgabe**

Scheitelform (mit TR)

(1 + 10 P)

Gegeben sei die Parabel  $f(x) = 4x^2 - 12x + 9$ .

- a) Gib den Scheitelpunkt  $S$  der Parabel an.
- b) Ermittle die Scheitelform der Funktion  $f$ .

**Aufgabe**

ner Funktionen

(3 + 2 P)

- a) Die Parabel  $f(x) = x^2 - 4x + 4$  und die Gerade  $g(x) = 2x - 2$  schneiden sich in zwei Punkten. Bestimme die Koordinaten dieser Schnittpunkte.
- b) Gib die Gleichung einer Parabel  $P_2$  an, die den gleichen Scheitelpunkt wie  $P_1$  hat, aber in die gleiche Richtung wie  $P_1$  geöffnet ist und breiter als  $P_1$  ist.

schreibe, wie  
vorgeht.  
aber in die

**Aufgabe**

dratischen Funktion m

(4 P)

Gegeben sei die quadratische Funktion  $f(x) = kx^2 - 6x + 9$ .

Es gilt  $k \in \mathbb{R}$ . Bestimme die Zahlenwerte für  $k$ , für die die Funktion  $f$  die Nullstelle hat.

stelle hat.

Arbeitszeit: 45 Minuten

(Punkte)



**Aufgabe**

a)  $f(0) = 5 \Rightarrow P(0|-15)$

b) Ermittl

$4x^2 - 2x - 15 = 0$

$x_{1|2} = \frac{-(-2) \pm \sqrt{(-2)^2 - 4 \cdot 4 \cdot (-15)}}{2 \cdot 4} = \frac{2 \pm \sqrt{16 + 240}}{8} = \frac{4 \pm \sqrt{256}}{8} = \frac{4 \pm 16}{8} = 0,5 \pm 2$

$x_1 = 0,5 + 2 = 2,5$

$x_2 = 0,5 - 2 = -1,5$   
Nullste

Ermittl

Der x-Verschiebungspunkt liegt in der Mitte der Nullste

$x_s = \frac{-2}{2 \cdot 4} = -0,25$

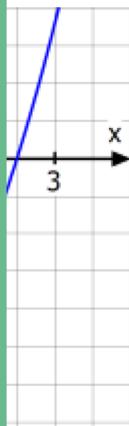
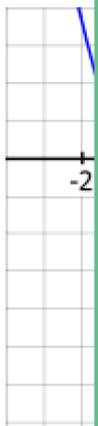
$y_s = f(-0,25) = 4 \cdot (-0,25)^2 - 2 \cdot (-0,25) - 15 = 4 \cdot 0,0625 + 0,5 - 15 = 0,25 + 0,5 - 15 = -14,25$

Scheitel

Scheitel  $(-0,25 | -14,25)$

**Anmerkung**

- Hier wurden die Nullstellen zueinander (0,5) (Parabel)
- Die Nullstellen sind symmetrisch zur vertikalen Geraden durch den Scheitel (Parabel sind).
- Als Alternative zur Nullstellensuche kann die quadratische Ergänzung verwendet werden (Parabel in einer Normalform).
- Der Graph einer Parabel ist eine U- oder W-förmige Kurve (1. Schulaufgabe).



**Aufgabe**

a) Durch Spiegelung des Graphen von  $f(x)$  an der y-Achse wird der Graph von  $g(x)$  erhalten. Wie lautet die Gleichung von  $g(x)$ ?

$g_1(x) = f(-x) = -(-x - 2)^2 + 4 = -(x + 2)^2 + 4$

Graphenverschiebung: Der Graph von  $f(x) = -(x + 2)^2 + 4$  wird um 2 nach links und 4 nach unten verschoben.

b) Eine mit  $P_2$  bezeichnete Parabel lautet  $y = 0,5(x - 2)^2 - 1$ . Wie lautet die Gleichung der Geraden  $g(x)$ , die die Parabel  $P_2$  in die entgegengesetzte Öffnung überführt?

**Anmerkung**

- Durch Verschiebung des Graphen von  $f(x)$  um 2 nach links und 4 nach unten wird der Graph von  $g(x)$  erhalten. Die Gerade  $g(x)$  ist eine Gerade.
- Die Parabel  $P_2$  ist in die entgegengesetzte Öffnung überführt (nach oben).
- Der Faktor 0,5 vor der Klammer wird durch Multiplikation mit 2 aufgehoben (Parabel öffnet sich nach unten).

**Aufgabe**

Diskriminante  $= k^2 - 144 < 0$   $| + 1$

Für  $-12 < k < 12$  ist die quadratische Funktion  $f$  keine

Anmerkung

An der Diskriminante  $D$  eines quadratischen Polynoms  $P(x) = ax^2 + bx + c$  kann man

$f(x) = ax^2 + bx + c$  erkennen, wie viele Nullstellen es hat. Für

$D > 0$  hat  $f$  zwei Nullstellen, für  $D = 0$  genau eine Nullstelle.

Nullstelle.

In der Aufgabe ist  $k_1 = 12$  und  $k_2 = -12$  die Nullstelle.

Für  $k < -12$  oder  $k > 12$  hat die quadratische Funktion  $f$  zwei Nullstellen.

Möglicher Fall

Punkte	0 bis 13,5	13,5 bis 18	18,5 bis 23	23 bis 33
Note		4	3	2